Ю.И. Бова, А.С. Крюковский, Б.Г. Кутуза, Е.А. Палкин

ИССЛЕДОВАНИЕ ВЛИЯНИЯ ИОНОСФЕРЫ ЗЕМЛИ НА ФАРАДЕЕВСКОЕ ВРАЩЕНИЕ ВЕКТОРА ПОЛЯРИЗАЦИИ РАДИОВОЛН В ВЫСОКОЧАСТОТНОМ ДИАПАЗОНЕ

Методом бихарактеристик рассмотрены особенности влияния ионосферы Земли на распространение высокочастотных радиоволн, что актуально в связи с проектированием космических антенн с синтезированной апертурой. Получены оценки величин угла фарадеевского вращения в зависимости от частоты передатчика. Исследован набег фазы и рефракционные ошибки.

Ключевые слова: радиоволны, высокочастотный диапазон, ионосфера, магнитное поле, бихарактеристики, отклонение фазы, показатель преломления, фарадеевское вращение.

Yu.Ig. Bova, A.S. Kryukovsky, B.G. Kutuza, E.A. Palkin

INVESTIGATION OF EARTH'S IONOSPHERE INFLUENCE ON FARADEEVSKY ROTATION OF A VECTOR OF POLARIZATION OF RADIO WAVES IN A HIGH-FREQUENCY RANGE

The features of the influence of the Earth's ionosphere on the propagation of high-frequency radio waves are considered by the method of bicharacteristics, which is relevant in connection with the design of space antennas with a synthesized aperture. The estimates of the Faraday rotation angle are obtained as a function of the frequency of the transmitter. Phase races and refractive errors were investigated.

Keywords: radio waves, high-frequency range, ionosphere, magnetic field, bicharacteristics, phase deviation, refractive index, Faraday rotation.

Введение. Постановка задачи

Изучено влияние ионосферы Земли на распространение радиоволн различных диапазонов. В работах [1–3] подробно рассмотрено влияние ионосферы на радиоволны **Р**-диапазона (430 МГц). В данной работе сопоставлено влияние ионосферной плазмы на параметры радиосигналов для трех различных частот: 200 МГц, 430 МГц и 1200 МГц. Актуальность работы связана с тем, что радиоволны с такими частотами применяются при проектировании космических антенн с синтезированной апертурой [4], а также используются для восстановления профиля электронной концентрации ионосферной плазмы методом радиотомографии [5].

В работе рассмотрена модель дневной (12 час) ионосферной плазмы относительно точки с координатами 40°с. ш., 30°в. д. Профиль электронной концентрации представлен на рис. 1 (см. [6]).

На таких высоких частотах предполагается, что траекторию луча можно считать прямой линией, соединяющей передатчик и приемник, и визуально это действительно так. Однако влияние ионосферы на отдельные параметры является весьма существенным.

[©] Бова Ю.И., Крюковский А.С., Кутуза Б.Г., Палкин Е.А., 2018.

^{*} Работа выполнена при поддержке РФФИ (гранты № 18-02-00544-а, №17-02-01183-а).



Рис. 1. Зависимость электронной концентрации от высоты в точке 40° с. ш., 30° в. д.

Методика вычислений

По аналогии с работами [2; 3] для определения траектории лучей используем бихарактеристическую систему [7; 8]:

$$\frac{d\vec{r}}{d\tau} = \frac{\partial\Gamma}{\partial\vec{k}}, \ \frac{dk}{d\tau} = -\frac{\partial\Gamma}{\partial\vec{r}}, \ \frac{dt}{d\tau} = -\frac{\partial\Gamma}{\partial\omega}, \ \frac{d\omega}{d\tau} = \frac{\partial\Gamma}{\partial t},$$
(1)

с гамильтонианом:

$$\Gamma = k_x^2 + k_y^2 + k_z^2 - \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon(\vec{r}, \vec{k}, \omega).$$
⁽²⁾

В выражениях (1) и (2) $\vec{k} = (k_x, k_y, k_z)$ – волновой вектор; $\vec{r} = (x, y, z)$ – координаты точки наблюдения; $\omega = 2\pi f$ – круговая частота излучения; f – рабочая частота; t – групповое время; τ – параметр вдоль лучевой траектории; $\varepsilon(\vec{r}, \vec{k}, \omega)$ – эффективная диэлектрическая проницаемость среды распространения, $c = 2,997,925 \cdot 10^8$ м/с – скорость света (см. также [9–11]). Учитывая, что рабочая частота в данной задаче много больше плазменной ω_n , можно считать, что

$$\varepsilon_r(\vec{r}, \vec{k}, \omega) = 1 - \left(\frac{\omega_p}{\omega}\right)^2, \tag{3}$$

а плазменная частота определяется формулой:

$$\omega_p = \frac{4\pi e^2 N}{m_e}.$$
(4)

В выражении (4) e = 4,802 9 10^{-10} СГСЭ – заряд электрона; $m_e = 9,108$ 10^{-28} г – масса электрона; N – величина электронной концентрации в фиксированной точке пространства.

Будем считать, что начальный волновой вектор $\vec{k}(0)$ параметрически зависит от угла выхода луча α_0 :

$$k_x(0) = \frac{\omega}{c} \sqrt{\varepsilon_0} \cos \alpha_0, \ k_y(0) = 0, \ k_z(0) = \frac{\omega}{c} \sqrt{\varepsilon_0} \sin \alpha_0,$$
(5)

источник излучения точечный и расположен в точке с координатами $(0, 0, z_r)$. В выражениях (5) как ε_0 обозначено значение эффективной диэлектрической проницаемости среды в источнике излучения.

ВЕСТНИК РОСНОУ. Серия «Сложные системы...»

Лучевые траектории

На рис. 2 показаны лучевые траектории в плоскости (x, z).



Рис. 2. Лучевые траектории на фоне профиля электронной концентрации ионосферы

Предполагается, что источник излучения расположен на высоте $z_r = 400$ км и горизонтально перемещается. При этом угол наклона лучей меняется от 150 до 30 градусов относительно положительного направления горизонтальной оси. Приемник расположен на поверхности Земли на расстоянии $x_p = 700$ км от начала координат. На рисунке выделены только те траектории, которые приходят в точку наблюдения. Серым цветом показано распределение электронов в ионосфере. Более темные области соответствуют более высокой электронной концентрации.

На рис. 3 приведена зависимость группового времени от координаты *x* источника излучения. Из рисунка следует, что зависимость квазипараболическая. Групповая задержка принимает минимальное значение под источником излучения.



Рис. 3. Зависимость группового времени t от координаты x выхода луча

Необходимо отметить, что рис. 2 и 3 практически одинаковы для всех трех рассматриваемых частот и визуально не различаются. Все траектории на рис. 2 показаны как прямые линии. На самом деле они испытывают рефракцию при распространении в ионосфере и поэтому отклоняются от прямой линии. На рис. 4 *a*, *б*, *в* показано отклонение лучей вдоль траекторий по вертикали, рассчитанное по формуле (6):

$$\Delta z = z(t) - \frac{x(t) - x_p}{x_p - x(t_r)} z_r.$$
(6)

Здесь величина t_r – это групповое время прихода луча на высоту z_r . Видно, что вдоль траектории луч отклоняется на величину порядка длины волны, а затем в точке приема отклонение опять становится нулевым.



Рис. 4. Отклонение лучей по вертикали, *a* - 200 МГц, *б* - 430 МГц, *в* - 1 200 МГц

Видно, что если на частоте 1 200 МГц (длина волны ~25 см) максимальное отклонение не превышает 46 см, то на 430 МГц (длина волны ~63 см) – 3,6 м, а на частоте 200 МГц (длина волны ~1,5 м) максимальное отклонение не превышает 17 м. Таким образом, получается, что при увеличении частоты при одинаковых условиях отношение максимального отклонения к длине волны уменьшается.

Рассмотрим теперь (рис. 5) отклонение Δα угла прицеливания α от прямой линии:

$$\Delta \alpha = \alpha_n - \Delta \alpha, \tag{7}$$

В (7) α_n – это угол между прямой линией, соединяющей передатчик и приемник, и положительным направлением оси *x*, а α – угол между касательной к лучу в точке приема и положительным направлением оси *x*. Формулу (7) можно представить в виде

$$\Delta \alpha = \pi - \alpha_{t} - \alpha, \tag{8}$$

где угол α, дополнительный к углу α, Угол α, определяется из соотношений:

$$\sin \alpha_t = -z_r / R, \quad \cos \alpha_t = \frac{x_p - x(t_r)}{R}, \tag{9}$$

где $R = \sqrt{z_r^2 + (x_r - x_p)^2}$ – это расстояние между источником и приемником по прямой. Из рис. 5 следует, что отклонение $\Delta \alpha$ незначительное и составляет для лучей,

близких к крайним $30 \cdot 10^{-3}$ град на частоте 200 МГц, $6 \cdot 10^{-3}$ град на частоте 430 МГц и 10^{-3} град на частоте 1 200 МГц. Однако даже такое отклонение указывает на существенное изменение фазы вдоль луча и фарадеевское вращение вектора поляризации.



Рис. 5. Отклонение угла прицеливания от прямой линии, $a - 200 \text{ M}\Gamma$ ц, $b - 430 \text{ M}\Gamma$ ц, $b - 1200 \text{ M}\Gamma$ ц

ВЕСТНИК РОСНОУ. Серия «Сложные системы...»

Фазовые соотношения

Рассмотрим зависимость относительной скорости изменения фазы от высоты (рис. 6). Производная фазы по групповому времени определяется формулой:

$$\Phi'_{o}(t) = \frac{dx}{dt}k_{x}(t) + \frac{dy}{dt}k_{y}(t) + \frac{dz}{dt}k_{z}(t) - \omega = \Phi'(t) - \omega$$
(10)

и в случае изотропной среды и плоскослоистой модели не зависит от траектории:

$$\Phi'_{o}(t) \cong \omega(\varepsilon(z(t)) - 1) . \tag{11}$$



Рис. 6. Зависимость скорости изменения фазы от высоты, $a-200~{
m MFu},~\delta-430~{
m MFu},~s-1~200~{
m MFu}$

На рис. 6 видно, что минимумы кривой коррелируют с положениями максимумов ионосферных слоев. Локальный максимум соответствует межслоевой долине. Минимальное значение производной составляет порядка –1 500·10³ с⁻¹ на частоте 200 МГц, –700·10³ с⁻¹ на частоте 430 МГц и порядка –260·10³ с⁻¹ на частоте 1 200 МГц.

На рис. 7 показана зависимость отклонения фазы (отложена по горизонтали) от группового времени (отложено по вертикали) в точке приема сигнала. Для вычисления фазы применялась формула:

$$\Phi(t) = \int_{0}^{t} \Phi'(\eta) d\eta.$$
(12)

Разность фаз DF находилась как

$$\Delta \Phi = \Phi - \omega R / c, \tag{13}$$

где $\omega R / c - \phi$ аза луча в пустоте вдоль прямой, соединяющей источник и приемник.



Рис. 7. Зависимость отклонения фазы (по отношению к фазе в невозмущенной среде) от высоты, $a - 200 \text{ M}\Gamma\mu$, $\delta - 430 \text{ M}\Gamma\mu$, $s - 1 200 \text{ M}\Gamma\mu$

Видно, что зависимость линейная, причем ионосфера вносит существенный вклад в величину фазы: на частоте 200 МГц – это от 83 до 167 периодов, на частоте 430 МГц – от 46 до 75 периодов, а на частоте 1 200 МГц – от 13 до 27 периодов.

Зависимость отклонения фазы от горизонтальной координаты *x*, соответствующей координате выхода луча, представлена на рис. 8. Форма кривой является квазипараболой. Наименьшее отклонение фазы соответствует вертикальному лучу.



Рис. 8. Зависимость разности фаз (по отношению к невозмущенной среде) от расстояния по горизонтали, *a* – 200 МГц, *б* – 430 МГц, *в* – 1 200 МГц

Диапазоны отклонения разности фаз те же, что и на рис. 7.

Фарадеевское вращение плоскости поляризации радиоволны

Рассмотрим фарадеевское вращение плоскости поляризации, считая, что обыкновенная и необыкновенная волны в высокочастотном диапазоне распространяются вдоль одной и той же лучевой траектории. Согласно [12] (см. также [1–3; 13]), угол фарадеевского вращения определяется формулой:

$$\Omega(t) = \frac{\omega}{2c} \int_{0}^{t} \Delta \mu \sqrt{\left(\frac{dx}{dt}\right)^{2} + \left(\frac{dy}{dt}\right)^{2} + \left(\frac{dz}{dt}\right)^{2}} dt, \qquad (14)$$

в которой введено обозначение

$$\Delta \mu \simeq \frac{1}{2} \frac{v \sqrt{u^2 \sin^4 \theta + 4(1-v)^2 u \cos^2 \theta}}{(1-v)(1-u \cos^2 \theta) - u \sin^2 \theta}.$$
 (15)

 $\Delta \mu$ – это разность показателей преломления обыкновенной и необыкновенной волны, а параметр *u* – это отношение квадрата гирочастоты к квадрату круговой частоты:

$$u = \left(\frac{\omega_H}{\omega}\right)^2 = \frac{e^2 H_0^2}{m_e^2 c^2 \omega^2}.$$
 (16)

Угол θ – это угол между вектором напряженности внешнего магнитного поля H_0 и волновым вектором \vec{k} . В квазиизотропной среде можно приблизительно считать, что

$$\Omega(t) = \frac{\omega}{2} \int_{0}^{t} \Delta \mu \sqrt{\varepsilon(\vec{r}(t))} dt.$$
(17)

В приведенных ниже расчетах амплитуда магнитного поля предполагается постоянной, а ориентация напряженности магнитного поля относительно локальной системы координат задается углами у и ф:

$$H_{0x} = H_0 \cos\gamma \cos\varphi, \ H_{0y} = H_0 \cos\gamma \sin\varphi, \ H_{0z} = H_0 \sin\gamma.$$
(18)

При вычислении применялись следующие значения параметров: $H_0 = 0,465$ Э, $\gamma = -57^\circ, \phi = 45^\circ$.

Зависимости разности $\Delta \mu$ показателей преломления обыкновенной и необыкновенной волны от высоты вдоль лучей при различных частотах приведены на рис. 9.



Рис. 9. Зависимость разности показателей преломления обыкновенной и необыкновенной волны от высоты вдоль лучей, *a* – 200 МГц, *б* – 430 МГц, *в* – 1 200 МГц

Видно, что форма кривой отслеживает профиль электронной концентрации. Хотя форма кривых сохраняется для разных частот, при изменении частоты существенно меняется диапазон значений $\Delta\mu$: на частоте 200 МГц достигает 7,5·10⁻⁶, на частоте 430 МГц – 0,75·10⁻⁶, а на частоте 1 200 МГц – 0,035·10⁻⁶.

На рис. 10 показана зависимость угла фарадеевского вращения W (по горизонтали) от группового времени при различных частотах, а на рис. 11 – зависимость угла фарадеевского вращения от координаты *x*. Форма кривой на рис. 10 – квазипарабола.



Рис. 10. Зависимость угла фарадеевского вращения от группового времени, $a - 200 \text{ M}\Gamma\mu$, $\delta - 430 \text{ M}\Gamma\mu$, $s - 1 200 \text{ M}\Gamma\mu$



Рис. 11. Зависимость угла фарадеевского вращения от расстояния по горизонтали, $a - 200 \text{ M}\Gamma$ ц, $\delta - 430 \text{ M}\Gamma$ ц, $s - 1 200 \text{ M}\Gamma$ ц

Из рис. 10 следует, что угол фарадеевского вращения достигает 270° на частоте 200 МГц, 60° – на частоте 430 МГц и 8° – на частоте 1 200 МГц. Эти значения соответствуют координате x = 0 км (см. рис. 11). Следует отметить, что угол фарадеевского вращения при дальности x = 1 400 км (групповое время порядка 2,64 мс) минимален и составляет 30° на частоте 200 МГц, 7,5° – на частоте 430 МГц и 0,8° – на частоте 1 200 МГц.

Заключение

Таким образом, в работе методом бихарактеристик рассмотрены особенности влияния ионосферы Земли на распространение высокочастотных радиоволн: отклонение лучевых траекторий от прямых линий, изменение величины набега фазы за счет влияния ионосферы и фарадеевское вращение. Сопоставлены оценки величин угла фарадеевского вращения на частотах: 200 МГц, 430 МГц, 1 200 МГц.

Литература

1. *Kutuza B.G., Bova Yu.Ig., Kryukovsky A.S., Stasevich V.Ig.* Features of the Influence of the Earth's Ionosphere on the P-Band Propagation // The 12th European Conference on Synthetic Aperture Radar – EUSAR 2018, Aachen, Germany on June 4–7, 2018.

2. Бова Ю.И., Крюковский А.С., Кутуза Б.Г., Лукин Д.С., Стасевич В.И. Исследование влияния ионосферы на распространение электромагнитных волн р-диапазона // Физические основы приборостроения. 2018. Т. 7. № 1 (27). С. 54–61.

3. Крюковский А.С., Кутуза Б.Г., Бова Ю.И. Исследование влияния ионосферы Земли на распространение радиоволн р-диапазона // Вестник Российского нового университета. Сер. «Сложные системы: модели, анализ и управление». 2017. Вып. 2. С. 7–12.

4. Kutuza B.G., Kalinkevitch .A.A., Ephimov A.I., Vostrov E.A., Dzenkevitch A.B. Application of SAR Operating at P-band for Space Experiments // EUSAR'96: Proceedings. Germany, Konigswinter, 1996. P. 309–313.

5. Андреева Е.С., Крюковский А.С., Куницын В.Е., Лукин Д.С., Растягаев Д.В., Кирьянова К.С. Моделирование лучевой и каустической структуры электромагнитных полей по данным радиотомографии ионосферы в окрестности экваториальной аномалии // Распространение радиоволн: сб. докл. XXIII Всероссийской научной конференции. (23–26.05.2011; Йошкар-Ола). Йошкар-Ола: Марийский государственный технический университет, 2011. Т. 3. С. 288–291.

6. ГОСТ 25645.146-89 Ионосфера Земли. Модель глобального распределения концентрации, температуры и эффективной частоты соударений электронов. Часть 1. Таблицы параметров. М.: Изд-во стандартов, 1990. 30 с.

7. *Казанцев А.Н., Лукин Д.С., Спиридонов Ю.Г.* Метод исследования распространения радиоволн в неоднородной магнитоактивной ионосфере // Космические исследования. 1967. Т. 5. Вып. 4. С. 593–600.

8. Крюковский А.С., Лукин Д.С., Кирьянова К.С. Метод расширенной бихарактеристической системы при моделировании распространения радиоволн в ионосферной плазме // Радиотехника и электроника. 2012. Т. 57. № 9. С. 1028–1034.

9. Крюковский А.С., Лукин Д.С., Растягаев Д.В., Скворцова Ю.И. Математическое моделирование распространения частотно-модулированных радиоволн в ионосферной плазме // Радиотехника и электроника. 2015. Т. 60. № 10. С. 1001–1009.

10. Бова Ю.И., Крюковский А.С., Лукин Д.С. Моделирование распространения частотно-модулированного излучения в анизотропной ионосферной плазме // Электромагнитные волны и электронные системы. 2017. Т. 22. № 5. С. 4–11.

11. Крюковский А.С., Скворцова Ю.И. Математическое моделирование распространения радиоволн в нестационарной плазме с учетом кривизны поверхности Земли

и ионосферных слоев // Вестник Российского нового университета. Сер. «Сложные системы: модели, анализ и управление». 2016. Вып. 1–2. С. 34–40.

12. Дэвис К. Радиоволны в ионосфере. М.: Мир, 1973. 502 с.

13. *Кутуза Б.Г., Мошков А.В.* Влияние фарадеевского вращения плоскости поляризации в ионосфере при измерении их космоса радиоизлучения поверхности океана // Исследование Земли из космоса. 1988. № 5. С. 94–98.

References

1. *Kutuza B.G., Bova Yu.Ig., Kryukovsky A.S., Stasevich V.Ig.* Features of the Influence of the Earth's Ionosphere on the P-Band Propagation // The 12th European Conference on Synthetic Aperture Radar – EUSAR 2018, Aachen, Germany on June 4–7, 2018.

2. Bova Yu.I., Kryukovskiy A.S., Kutuza B.G., Lukin D.S., Stasevich V.I. Issledovanie vliyaniya ionosfery na rasprostranenie elektromagnitnykh voln p-diapazona // Fizicheskie osnovy priborostroeniya. 2018. T. 7. № 1 (27). S. 54–61.

3. *Kryukovskiy A.S., Kutuza B.G., Bova Yu.I.* Issledovanie vliyaniya ionosfery zemli na rasprostranenie radiovoln p-diapazona // Vestnik Rossiyskogo novogo universiteta. Ser. "Slozhnye sistemy: modeli, analiz i upravlenie". 2017. Vyp. 2. S. 7–12.

4. Kutuza B.G., Kalinkevitch .A.A., Ephimov A.I., Vostrov E.A., Dzenkevitch A.B. Application of SAR Operating at P-band for Space Experiments // EUSAR'96: Proceedings. Germany, Konigswinter, 1996. P. 309–313.

5. Andreeva E.S., Kryukovskiy A.S., Kunitsyn V.E., Lukin D.S., Rastyagaev D.V., Kir 'yanova K.S. Modelirovanie luchevoy i kausticheskoy struktury elektromagnitnykh poley po dannym radiotomografii ionosfery v okrestnosti ekvatorial'noy anomalii // Rasprostranenie radiovoln: sb. dokl. KHKHIII Vserossiyskoy nauchnoy konferentsii. (23–26.05.2011; Yoshkar-Ola). Yoshkar-Ola: Mariyskiy gosudarstvennyy tekhnicheskiy universitet, 2011. T. 3. C. 288–291.

6. GOST 25645.146-89 Ionosfera Zemli. Model' global''nogo raspredeleniya kontsentratsii, temperatury i effektivnoy chastoty soudareniy elektronov. Chast' 1. Tablitsy parametrov. M.: Izd-vo standartov, 1990. 30 s.

7. *Kazantsev A.N., Lukin D.S., Spiridonov Yu.G.* Metod issledovaniya rasprostraneniya radiovoln v neodnorodnoy magnitoaktivnoy ionosfere // Kosmicheskie issledovaniya. 1967. T. 5. Vyp. 4. S. 593–600.

8. Kryukovskiy A.S., Lukin D.S., Kir'yanova K.S. Metod rasshirennoy bikharakteristicheskoy sistemy pri modelirovanii rasprostraneniya radiovoln v ionosfernoy plazme // Radiotekhnika i elektronika. 2012. T. 57. № 9. S. 1028–1034.

9. Kryukovskiy A.S., Lukin D.S., Rastyagaev D.V., Skvortsova Yu.I. Matematicheskoe modelirovanie rasprostraneniya chastotno-modulirovannykh radiovoln v ionosfernoy plazme // Radiotekhnika i elektronika. 2015. T. 60. № 10. S. 1001–1009.

10. *Bova Yu.I., Kryukovskiy A.S., Lukin D.S.* Modelirovanie rasprostraneniya chastotnomodulirovannogo izlucheniya v anizotropnoy ionosfernoy plazme // Elektromagnitnye volny i elektronnye sistemy. 2017. T. 22. № 5. S. 4–11.

11. *Kryukovskiy A.S., Skvortsova Yu.I.* Matematicheskoe modelirovanie rasprostraneniya radiovoln v nestatsionarnoy plazme s uchetom krivizny poverkhnosti Zemli i ionosfernykh sloev // Vestnik Rossiyskogo novogo universiteta. Ser. "Slozhnye sistemy: modeli, analiz i upravlenie". 2016. Vyp. 1–2. S. 34–40.

12. Devis K. Radiovolny v ionosfere. M.: Mir, 1973. 502 s.

13. *Kutuza B.G., Moshkov A.V.* Vliyanie faradeevskogo vrashcheniya ploskosti polyarizatsii v ionosfere pri izmerenii ikh kosmosa radioizlucheniya poverkhnosti okeana // Issledovanie Zemli iz kosmosa. 1988. № 5. S. 94–98.